

**PIP/CA - Programa Interdisciplinar de Pós-Graduação  
Mestrado em Computação Aplicada da UNISINOS**

**2000/2 - 3º Trimestre - AULA 07 / FSO**

**SISTEMAS  
ADAPTATIVOS  
INTELIGENTES**

**• Professor Responsável:**

**Prof. Dr. Fernando Osório**

E-Mail: [osorio@exatas.unisinos.br](mailto:osorio@exatas.unisinos.br)

Web: <http://www.inf.unisinos.br/~osorio/sistadap.html>

F. OSÓRIO - UNISINOS 2000

**TEMAS DE ESTUDO: Computação Evolutiva- GA + GP**

***Introdução***

- Evolutionary Computation (EC)
- Genetic Algorithms (GA)
- Genetic Programming (GP)
- Artificial Life (Alife)
- Evolutionary programming, Evolution Strategies, Cellular Automatas, Cellular Machines, Animats, ...

***Algoritmos Genéticos - GA***

- Principais Conceitos, Aplicações e Exemplos
- Funcionamento, Algoritmos e Implementação prática
- Discussão sobre os algoritmos genéticos

***Programação Genética - GP***

- Principais conceitos e Exemplos
- Discussão sobre a programação genética

***Discussão final***

***Bibliografia e Material Complementar***

F. OSÓRIO - UNISINOS 2000

## **COMPUTAÇÃO EVOLUTIVA:** Terminologia [Eberhart, Simpson, Dobbins 96]

### ***Evolutionary Computation / Computação Evolutiva - EC***

“Machine Learning optimization and classification paradigms that are based on evolution mechanisms such as biological genetics and natural selection”

### ***Genetic Algorithms / Algoritmos Genéticos - GA***

“Search algorithms that implement natural evolution mechanisms including crossover, mutation and survival of the fittest (Better individuals of population)”. String manipulation (chromosome / genes) - Survival: Fitness Function Evaluation.

### ***Genetic Programming / Programação Genética - GP***

“Evolve computer programs genetically: Population = Computer Programs”. Symbolic manipulation of programs (Usually: Lisp programs and Trees).

### ***Evolutionary Programming / Programação Evolutipa - EP***

“Similar to Genetic Algorithms, but do not implement crossover. Instead, they rely on survival of the fittest and mutation”.

### ***Artificial Life / Vida Artificial - Alife***

“The study of man-made systems that exhibit behaviors characteristics of natural living systems”. [FAQ Alife] (Animats = Animal Robots)

***Cellular Automata, Cellular Machine, Cellular Programming, Complex Systems...***

F. OSÓRIO - UNISINOS 2000

## **COMPUTAÇÃO EVOLUTIVA:** Terminologia

### ***Cellular Automata / Cellular Machine***

Regular grids of cells, with ‘K’ possible states, updated by a synchronous process based on a set of rules (same rules for all cells). Simulate behaviors of interacting cells: the state of a cell is determined by the previous state of a surrounding neighborhood of cells.

### ***Cellular Programming***

Evolution of parallel cellular machines. Systems involving the actions of simple, locally-interacting components => “global complex behavior”  
Collective systems - Natural Selection - Dynamic Environment  
Complex adaptive systems - Artificial Life

#### **• Sistemas Adaptativos Inteligentes:**

- *Como nosso interesse nesta disciplina é centrado em métodos e algoritmos de aprendizado de máquinas (machine learning), vamos nos concentrar apenas nos tópicos referentes a ALGORITMOS GENÉTICOS e PROGRAMAÇÃO GENÉTICA.*

*Refs. complementares - FAQ Alife - <http://www.faqs.org/faqs/ai-faq/alife/>*

*Alife Online - <http://alifr.santafe.edu> - What is Alife? <http://lslwww.epfl.ch/~moshes/alife.html>*

*Alife - <http://arieldolan.com/> - Cellular Automata - <http://lslwww.epfl.ch/~moshes/ca.html>*

F. OSÓRIO - UNISINOS 2000

## **ALGORITMOS GENÉTICOS:** Conceitos Básicos

### **Origem:**

Holland, J. H. (1975) - Adaptation in Natural and Artificial Systems. Univ. of Michigan  
De Jong, K.A. (1975) - Na analisys of behavior of a class of genetic adaptive systems.  
University of Michigan - Ph.D. Thesis.  
Goldberg, D.E.(1989) - Genetic Algorithms in Search, Optimization, and Machine Learning. Addison-Wesley.  
Davis, L. D. (1991) - Handbook of Genetic Algorithms. Van Nostrand Reinhold.

### **Terminologia:**

**Population** = Set of initial individuals (set of “start points”). Parameter: size  
**Generation** = Set of individuals of an *epoch*. Size of generations is constant  
**Genome** = Complete set of genetic material of a biological organism. Collection of chromosomes of an individual.  
**Genotype** = Particular set of genes contained in a genome (individual characts.)  
**Phenotype** = Characteristics determined by the genotype (eye color = blue)  
  
**Chromosomes** = String of genes (DNA) coding individual characteristics.  
String of bits coding candidate solutions (epoch members).  
**Genes** = Elements of a chromosome (bits). Grouped blocks of adjacent bits.  
**Locus** = Position of a gene on the chromosome.  
**Alleles** = Different possible “settings” of an trait (gene values). Ex.: 0 / 1.

F. OSÓRIO - UNISINOS 2000

## **ALGORITMOS GENÉTICOS:** Conceitos Básicos

### **Origem:**

Holland, J. H. (1975) - Adaptation in Natural and Artificial Systems. Univ. of Michigan  
De Jong, K.A. (1975) - Na analisys of behavior of a class of genetic adaptive systems.  
University of Michigan - Ph.D. Thesis.  
Goldberg, D.E.(1989) - Genetic Algorithms in Search, Optimization, and Machine Learning. Addison-Wesley.  
Davis, L. D. (1991) - Handbook of Genetic Algorithms. Van Nostrand Reinhold.

### **Terminologia:**

**Population**  
**Generation**  
**Genome** = Complete set of genetic material of a biological organism. Collection of chromosomes of an individual.  
  
**Genotype**  
**Phenotype**  
  
**Chromosomes** = String of genes (DNA) coding individual characteristics.  
**DNA: Deoxyribonucleic Acid**  
**Chemical Substance that forms chromosomes**  
**Amino Acids: Adenine, Cytosine, Thymine, Uracil, Guanine**  
  
**Nucleotides:**  
Elementary bits of DNA (A, C, T, U, G)  
  
**Gamete:**  
Results of combination of a pair of chromosomes (reproduction)  
  
**Offspring:**  
Descendents, progeny of an animal or plant.  
  
**Diploid / Haploid:**  
Chromosome paired (XY) individuals - Unpaired individuals  
  
**Genes = Elements of a chromosome (bits). Grouped blocks of adjacent bits.**  
**Locus = Position of a gene on the chromosome.**  
  
**Alleles** = Different possible “settings” of an trait (gene values). Ex.: 0 / 1.

F. OSÓRIO - UNISINOS 2000

## [ALGORITMOS GENÉTICOS](#): Conceitos Básicos

### Terminologia:

*Population / Generation / Genome / Chromosomes / Genes / Alleles / Locus*

*Reproduction* = Set of operations (crossover, mutation, ...) applied to a pair of individuals.

*Selection* = Select a pair of individuals for reproduction. *Selection Criteria*.  
Selection based upon a fitness function. Parameter: type of SC.

*Fitness* = Function used to evaluate each member of one generation,  
Measure individuals, obtaining a fitness value. Define: function.

*Crossover* = Copying selected bits from each parent - Recombine genetic code.  
Parameters: single-point, double-point, frequency.

*Mutation* = Small random changes to the bit string. Parameter: frequency.

*Inversion* = Individual mutation (slice inversion). Parameters: nbits, frequency.

*Schema / Schemas / Schemata* = 0 / 1 / Don't Care - Similarity Templates

Set of bit strings that can be described by a template with *wild-cards*

Template => Bit strings / Bit strings => Template

Example: 1\*\*001 = 100001 / 101001 / 110001 / 111001

F. OSÓRIO - UNISINOS 2000

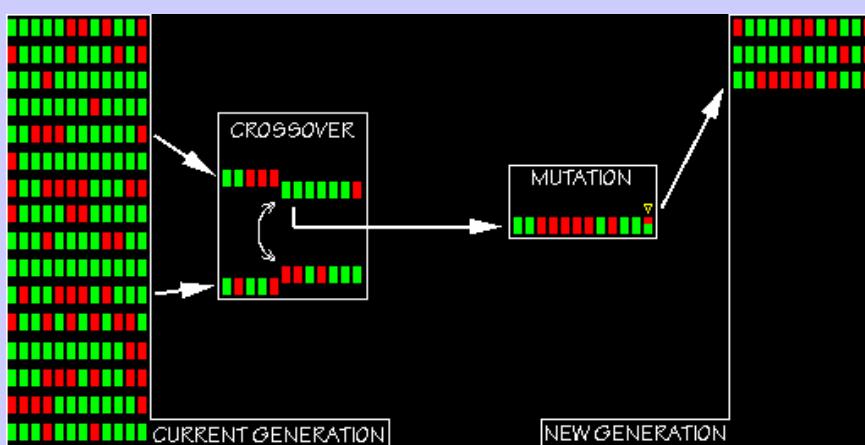
## [ALGORITMOS GENÉTICOS](#): Conceitos Básicos

### Terminologia:

*Population / Generation / Genome / Chromosomes / Genes / Alleles / Locus*

*Reproduction / Selection / Fitness / Crossover / Mutation / Inversion / Schema*

 = Chromosome: One individual of a specific generation



F. OSÓRIO - UNISINOS 2000

## ALGORITMOS GENÉTICOS: Algoritmo

[Eberhart, Simpson, Dobbins]

1. Inicializa a população
2. Calcula o valor do fitness para cada indivíduo da população
  - 2.1 Se atingiu um “grau de evolução” satisfatório, então termina execução!
3. Seleciona os indivíduos mais bem adaptados formando uma nova população
  - 3.1 Aplica o operador de crossover aos pares de indivíduos selecionados
  - 3.2 Aplica o operador de mutação individualmente
4. Retorna ao passo 2.
  - 4.1 Se atingiu o número máximo de gerações então termina execução!

*Resumindo:*

- Initialize population
- Apply Fitness Function
- Individual Selection
- Reproduction: Crossover / Mutation
- New generation = new epoch

F. OSÓRIO - UNISINOS 2000

## ALGORITMOS GENÉTICOS: Algoritmo

[Melanie Mitchell]

1. Init: set random values for n-bit chromosomes
2. Fitness  $F(X)$  for each individual chromosome  $X$
3. Repeat until stop criteria is reached
  - 3.1 Select a pair of chromosomes: (with or without replacement)  
Probability of selection being an increasing function of fitness.
  - 3.2 Crossover the selected pair, with probability  $P_c$  (crossover probab./rate)  
at a randomly chosen point, generating 2 new chromosomes.
  - 3.3 Mutate the new chromosomes with probability  $P_m$  (mutation prob./rate)  
and place the resulting chromosomes in the new population.
4. Replace current population with new population
5. Go to step 2.

*Steps:*

- Init
- Fitness
- Select a pair
- Crossover, Mutation

*Specific Implementations:*

- Fitness function / Fitness Threshold
- Selection: Roulette Wheel, Tournament
- Reproduction: Elitist strategy (“n” best), G\_Gap
- Population Size,  $P_c$ ,  $P_m$ , Crossover points
- Initialization, String Coding, Stop

F. OSÓRIO - UNISINOS 2000

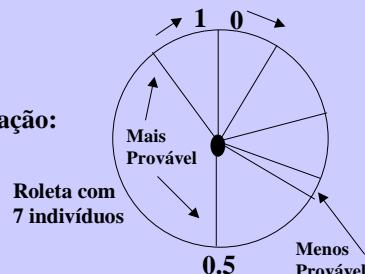
### ALGORITMOS GENÉTICOS: Algoritmo

#### *Selection - Roulette Wheel*

- Estimar o valor de Fitness =  $F(x)$
- Normalizar o Fitness em relação a população:

$$F_{\text{norm}}(x) = \frac{F(x)}{\sum_x F(x)}$$

$$\sum_x F_{\text{norm}}(x) = 1$$



- Sortear um número aleatório e determinar em que ponto da roleta ele caiu, selecionando o indivíduo correspondente.

#### *Tournament Selection:*

- Seleciona dois indivíduos aleatoriamente
- Compara o fitness value de cada um
- O melhor entre os dois ganha o torneio e “sobrevive”
- Repete o processo até completar a população da nova geração.

F. OSÓRIO - UNISINOS 2000

### ALGORITMOS GENÉTICOS: Exemplo de aplicação

[EberHart, Simpson, Dobbins]

Função a ser otimizada:

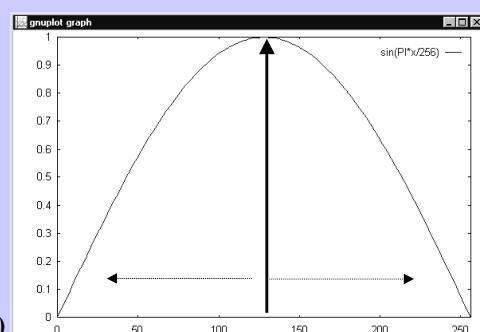
$$F(X) = \text{Sin}(\text{Pi} * X / 256)$$

Intervalo:  $0 \leq x \leq 255$

Máximo:  $X = 128 \therefore F(X) = 1.0$

Codificação: String de Bits = X

Objetivo: Achar X que maximize F(X)



População: 8 indivíduos

Código binário puro

Inicialização aleatória

$P_c = 0.75 / P_m = 0.0$

Size = 8 / Coding = Binary

Selection = Roulette Wheel

Search: Best X => Max. F(X)

Indivíduos	X	F(X)	Norm	$\Sigma \text{Norm} = 1$
1 0 1 1 1 1 0 1	189	.733	.144	
1 1 0 1 1 0 0 0	216	.471	.093	
0 1 1 0 0 0 1 1	99	.937	.184	
1 1 1 0 1 1 0 0	236	.243	.048	
1 0 1 0 1 1 1 0	174	.845	.166	
0 1 0 0 1 0 1 0	74	.788	.155	
0 0 1 0 0 0 1 1	35	.416	.082	
0 0 1 1 0 1 0 1	53	.650	.128	

- UNISINOS 2000

### ALGORITMOS GENÉTICOS: Exemplo de aplicação

[EberHart, Simpson, Dobbins]

Função a ser otimizada:

$$F(X) = \text{Sin}(\text{Pi} * X / 256)$$

	Indivíduos	X	F(X)	Norm	Acumulado
1	1 0 1 1 1 1 0 1	189	.733	.144	0.0
2	1 1 0 1 1 0 0 0	216	.471	.093	0.144
3	0 1 1 0 0 0 1 1	99	.937	.184	0.237
4	1 1 1 0 1 1 0 0	236	.243	.048	0.421
5	1 0 1 0 1 1 1 0	174	.845	.166	0.469
6	0 1 0 0 1 0 1 0	74	.788	.155	0.635
7	0 0 1 0 0 0 1 1	35	.416	.082	0.790
8	0 0 1 1 0 1 0 1	53	.650	.128	1.0

*Os indivíduos com um melhor fitness tem mais chances de sobreviver (serem selecionados)*

Seleção dos indivíduos para reprodução: roulette wheel

- Geração de nros. aleatórios

Valor	Indivíduo
0.293	=> 3 0 1 1 0 0 0 1 1
0.971	=> 8 0 0 1 1 0 1 0 1
0.160	=> 2 1 1 0 1 1 0 0 0
0.469	=> 5 1 0 1 0 1 1 1 0
0.664	=> 6 0 1 0 0 1 0 1 0
0.568	=> 5 1 0 1 0 1 1 1 0
0.371	=> 3 0 1 1 0 0 0 1 1
0.109	=> 1 1 0 1 1 1 1 0 1

Nova geração  
antes da combinação

F. OSÓRIO - UNISINOS 2000

### ALGORITMOS GENÉTICOS: Exemplo de aplicação

[EberHart, Simpson, Dobbins]

Função a ser otimizada:

$$F(X) = \text{Sin}(\text{Pi} * X / 256)$$

Crossover (2 points) Fc = 0.75	Mutation Fm = 0.0
1 0 1 1   0 0 0   1 1	
0 0 1   1 0 1   0 1	
1   1 0 1 1   0 0 0	
1   0 1 0 1   1 1 0	
0 1   0 0 1 0 1   0	
1 0   1 0 1 1 1   0	
0 1 1 0 0 0 1 1	
1 0 1 1 1 1 0 1	

*Reprodução  
dos selecionados  
Pares: Crossover  
Individual: Mutation*

Seleção dos indivíduos para reprodução: roulette wheel

- Geração de nros. aleatórios

Valor	Indivíduo
0.293	=> 3 0 1 1 0 0 0 1 1
0.971	=> 8 0 0 1 1 0 1 0 1
0.160	=> 2 1 1 0 1 1 0 0 0
0.469	=> 5 1 0 1 0 1 1 1 0
0.664	=> 6 0 1 0 0 1 0 1 0
0.568	=> 5 1 0 1 0 1 1 1 0
0.371	=> 3 0 1 1 0 0 0 1 1
0.109	=> 1 1 0 1 1 1 1 0 1

F. OSÓRIO - UNISINOS 2000

### ALGORITMOS GENÉTICOS: Exemplo de aplicação

[EberHart, Simpson, Dobbins]

Função a ser otimizada:

$$F(X) = \text{Sin}(\text{Pi} * X / 256)$$

Crossover (2 points)  
Fc = 0.75

1	2
0 1 1	0 0 0   1 1
0 0 1	1 0 1   0 1
1	
1   1 0 1 1   0 0 0	
1   0 1 0 1   1 1 0	
2	
0 1   0 0 1 0 1   0	
1 0   1 0 1 1 1   0	
0 1 1 0 0 0 1 1	
1 0 1 1 1 1 0 1	

Mutation  
Fm = 0.0

0 1 1   1 0 1   1 1
0 0 1   0 0 0   0 1
1   0 1 0 1   0 0 0
1   1 0 1 1   1 1 0
2
1 0   0 0 1 0 1   0
0 1   1 0 1 1 1   0
0 1 1 0 0 0 1 1
1 0 1 1 1 1 0 1

Resultado...  
Seleção + Reprodução

Indivíduos	X	F(X)	Norm
1	0 1 1 1 0 1 1 1	119	.994 0.157
2	0 0 1 0 0 0 0 1	33	.394 0.062
3	1 0 1 0 1 0 0 0	168	.882 0.139
4	1 1 0 1 1 1 1 0	222	.405 0.064
5	1 0 0 0 1 0 1 0	138	.992 0.157
6	0 1 1 0 1 1 1 0	110	.976 0.154
7	0 1 1 0 0 0 1 1	99	.937 0.148
8	1 0 1 1 1 1 0 1	189	.733 0.116

F. OSÓRIO - UNISINOS 2000

### ALGORITMOS GENÉTICOS: Exemplo de aplicação

[EberHart, Simpson, Dobbins]

Função a ser otimizada:

$$F(X) = \text{Sin}(\text{Pi} * X / 256)$$

Crossover (2 points)  
Fc = 0.75

1	2
0 1 1	0 0 0   1 1
0 0 1	1 0 1   0 1
1	
1   1 0 1 1   0 0 0	
1   0 1 0 1   1 1 0	
2	
0 1   0 0 1 0 1   0	
1 0   1 0 1 1 1   0	
0 1 1 0 0 0 1 1	
1 0 1 1 1 1 0 1	

Mutation  
Fm = 0.0

Search:  
X = 128

Indivíduos	X	F(X)	Norm
1	0 1 1 1 0 1 1 1	119	.994 0.157
2	0 0 1 0 0 0 0 1	33	.394 0.062
3	1 0 1 0 1 0 0 0	168	.882 0.139
4	1 1 0 1 1 1 1 0	222	.405 0.064
5	1 0 0 0 1 0 1 0	138	.992 0.157
6	0 1 1 0 1 1 1 0	110	.976 0.154
7	0 1 1 0 0 0 1 1	99	.937 0.148
8	1 0 1 1 1 1 0 1	189	.733 0.116

F. OSÓRIO - UNISINOS 2000

## ALGORITMOS GENÉTICOS: Exemplo de aplicação / Discussão

[EberHart, Simpson, Dobbins]

Função a ser otimizada:  $F(X) = \text{Sin}(\text{Pi} * X / 256)$

Aprendizado Genético - Discussão sobre o exemplo apresentado...

- Representação usada nos chromosomos: strings binárias / alfabetos alternativos

Inteiros => Codificados como nro. binários / Gray-Coded (muda 1 bit por vez)  
Gray: 0000 / 0001 / 0011 / 0010 / 0110 / 0111 / 0101 / 0100 / ...

Reais => Intervalo + Resolução = representação binária

Exemplo: 2.5 a 6.5 (intervalo 4), se adotarmos 3 casas decimais,  
precisaremos usar uma string de 12 bits (4 x 3)

- Problemas da representação binária pura:  $128 = 1000\ 0000 / 127 = 0111\ 1111$

- Como determinar: tamanho da população, população inicial, função de fitness,  
taxa de crossover, taxa de mutação, critério de parada, função de fitness,  
tipo de seleção (roulette, tournament, elitist, gap), *função de fitness*, ... ???

Scaling window

Aprendizado Genético - Outros exemplos....

- Aprendizado match-strings, truck demo, tsp - travel salesman problem (java demos)
- Aprendizado puzzle (Melanie Mitchell, p.14)
- Aprendizado play-tennis (Tom Mitchell, p. 252)

F. OSÓRIO - UNISINOS 2000

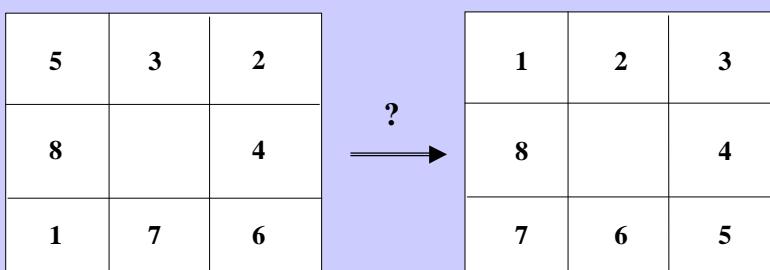
## ALGORITMOS GENÉTICOS: Exemplo de aplicação / Discussão

[EberHart, Simpson, Dobbins]

Função a ser otimizada:  $F(X) = \text{Sin}(\text{Pi} * X / 256)$

Aprendizado Genético - Discussão sobre o exemplo apresentado...

- Representação usada nos chromosomos / Fitness Function



Aprendizado Genético - Outros exemplos....

- Aprendizado match-strings, truck demo, tsp - travel salesman problem (java demos)
- Aprendizado puzzle (Melanie Mitchell, p.14)
- Aprendizado play-tennis (Tom Mitchell, p. 252)

F. OSÓRIO - UNISINOS 2000

## ALGORITMOS GENÉTICOS: Exemplo de aplicação

[Tom Mitchell] - Do GA ao GP...

## Função a ser otimizada: Play Tennis (Quinlan problem)

- Representação de regras do tipo IF-THEN usando strings de bits

Outlook = { Sunny, Overcast, Rain } Wind = { Strong, Weak }  
Outlook = 3 bits (um para cada valor)

### **IF Outlook = Sunny**

**IF Outlook = Overcast or Outlook = Rain**

### **String de Bits: 100**

**String de Bits: 011**

String de bits = 111 (*don't care* about outlook...)

Exemplo: (outlook = overcast or rain) and (wind = strong)

Bits: Outlook = 011 / Wind = 10

### Pre-conditions ± Post-Conditions:

**IF Wind = Strong Then PlayTennis = Yes**

Bits: Outlook = 111 (don't care) / Wind = 10 / PlayTennis = 10

- **Fitness:** Regras que cobrem o maior número de exemplos possíveis corretamente

E. OSÓRIO - UNISINOS 2000

## PROGRAMAÇÃO GENÉTICA: GP - Definições

## Funcão a ser otimizada: programas!

**String de bits são substituídas por programas que evoluem...**

- #### - Representação típica:

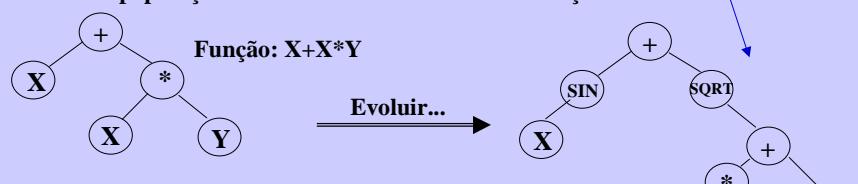
- Representação típica:  
Árvores - correspondendo a árvore de parse do programa

- Exemplo: Aprender a função SIN(X) + SORT ( X \* X + Y )

Funções primitivas = SIN, COS, SORT, +, -, \*, /, ...

**Funções primitivas** = SIN, COS, SQRT, :, , ;,  
**Terminais** = X, Y, valores constantes, ...

Evoluir uma população de indivíduos até encontrar a função correta:



Para maiores detalhes:

\* Tom Mitchell, pg. 262 / Eberhart, Simpson, Dobbins, pg. 186

\* GP Tutorial - <http://www.geneticprogramming.com/Tutorial/>

E. OSÓRIO - UNISINOS 2000

### EC: GA + GP: Considerações Finais

#### Evolutionary Computation *versus* Search & Optimization:

- EC utiliza uma “população de indivíduos” (pontos = soluções potenciais) na sua busca do ótimo;
- EC utiliza uma função de “fitness” baseada diretamente na informação, ao invés de derivadas (estimativa da curva do erro);
- O “paradigma EC” é probabilístico, ao invés de muitos outros métodos determinísticos. Evita os mínimos locais... cria “túneis” de uma região a outra do espaço de busca;
- Busca paralela => Algoritmo pode ser implementado em paralelo (“boa granularidade”)
- “Occam’s Razor”: Simples, valor do fitness é direto, sem derivadas, ...

#### Dificuldades / Requisitos:

- Representar os parâmetros que definem o problema (encode): strings;
- Usualmente trabalha com strings de bits;
- Problema: como representar valores contínuos e funções não lineares (otimização);
- Precisamos definir / conhecer uma função de fitness (direta!);
- Devemos evitar uma explosão combinatória na busca (random search);

**Conclusão:** GA pode ser muito interessante, GP pode ser muito interessante  
GA e GP podem ser difíceis de implementar e “pesados demais”

F. OSÓRIO - UNISINOS 2000

### EC: GA + GP: Considerações Finais

#### Evolutionary Computation *versus* Search & Optimization:

- EC utiliza uma “população de indivíduos” (pontos = soluções potenciais) na sua busca do ótimo;
- EC utiliza uma função de “fitness” baseada diretamente na informação, ao invés de derivadas (estimativa da curva do erro);
- O “paradigma EC” é probabilístico, ao invés de muitos outros métodos determinísticos. Evita os mínimos locais... cria “túneis” de uma região a outra do espaço de busca;
- Busca paralela => Algoritmo pode ser implementado em paralelo (“boa granularidade”)
- “Occam’s Razor”: Simples, valor do fitness é direto, sem derivadas, ...

#### Dificuldades / Requisitos:

- Representar os parâmetros que definem o problema (encode): strings;
- Usualmente trabalha com strings de bits;
- Problema: como representar valores contínuos e funções não lineares (otimização);
- Precisamos definir / conhecer uma função de fitness (direta!);
- Devemos evitar uma explosão combinatória na busca (random search);

**Conclusão:** Aplicação de Algoritmos Genéticos junto a outras técnicas  
Híbridos: GA + ANN / GA + Fuzzy / GA-GP + ML tools

F. OSÓRIO - UNISINOS 2000

## **TEMAS DE PESQUISA SOBRE ALGORITMOS GENÉTICOS: EC=GA + GP + Alife...**

### **\* LIVROS / PAPERS / DOCUMENTAÇÃO SOBRE ÁRVORES DE DECISÃO:**

- Obra clássica:  
**Goldberg, D. E. Genetic Algorithms in Search, Optimization and Machine Learning.**  
Addison-Wesley, 1989.
- Tom M. Mitchell. Machine Learning. McGraw-Hill, 1997.
- Melanie Mitchell. An Introduction to Genetic Algorithms. MIT Press, Cambridge, 1999.
- Eberhart, R; Simpson, P; Dobbins, R. Computational Intelligence PC Tools. Academic Press, 1996.
- Lacerda, E. & Carvalho, A. Mini-Curso do JAI 1999 - Congresso da SBC. RJ, 1999.
- Holland 1975 / 1986, Davis 1991, De Jong 1993 => GA # Koza 1992, Fogel 1966, 1991, 1993 => GP
- Citeseer Nec: <http://www.researchindex.com/>
- FAQs: comp.ai.\* (Genetic, Alife, ...)  
<http://www.faqs.org/faqs/ai-faq/genetic/>  
<ftp://ftp.cerias.purdue.edu/pub/doc/EC/Welcome.html>

### **\* INTERNET:**

- GA-GP.Com <http://www.geneticprogramming.com/ga/index.htm>
- GA Introduction <http://lslwww.epfl.ch/~moshes/ga.html>
- GA Demo (Java) <http://www.taygete.demon.co.uk/java/ga/index.html>
- GA - TSP <http://www.aridolan.com/ga/gaa/gaa.html>
- GA Truck Demo <http://www.handshake.de/user/blickle/Truck/index.html>

F. OSÓRIO - UNISINOS 2000